



第12回 SQC と会計

(資産の会計)

SQCは現物的 会計上事務的
部分的 総括的
行動的 非行動的
SQCのハードアップ ← (現物的) (各社) (概論) (机上) → 経理の現物化

会計と経営のブラッシュアップ
平成27年3月16日
山内公認会計士事務所

本レジュメは、企業会計基準及び次の各書を参考にさせていただいて作成した。(財務会計論Ⅱ 佐藤信彦外著 H23年4月中央経済社発行)
(ゼミナール現代会計入門9 伊藤邦雄著 H24.3日本経済新聞社刊)(経理のTQC 金津孝著 1987.9日科技連刊)
(SQC教本 竹内義明著 2008.6日刊工業新聞社刊) 明日を支配するもの PFDラッカー上岡孝生氏 1999.3ダイヤモンド社

I 貸借対照表の役割は何か？

(誰のために)

利害関係者に一定時点の財政状態を表示した一覧表である。

- (1) 企業のすべての資産と負債を表示し、純資産を計算する。
- (2) 資金の調達源泉と調達された資金の運用状態を表示する。
- (3) 経営管理に役立てるべき経営資源を明確にする。

1. 貸借対照表は何を表示するのか

(何のために)

(1) 企業の財政状態の表示

リスク表示と評価			債務・義務の完全性					
資 産	流 動 資 産		負 債	流 動 負 債		他人資本		
				固 定 負 債				
	固 定 資 産	有 形 固 定 資 産	無 形 固 定 資 産	投 資 そ の 他 の 資 産	純 資 産	株 主 資 本	資本金	自己資本
							新株申込証拠金	
							資本剰余金	
							利益剰余金	
							自己株式	
自己株式申込証拠金								
繰 延 資 産		評価・換算差額等		※				
		新株予約権						

※その他の包括利益累積額

(2) 企業の資金調達と運用状態の表示

資金の運用状態 (借 方)	資金の調達源泉 (貸 方)
資 産(運用状態)	負 債(外部資金調達)
	純資産(内部資金調達)
(B/S 等式) 資産 = 負債 + 純資産	

(資本財としての
知識蓄積)

(3) 経営資源の明確化

本レジュメはブラッシュアップ日迄にホームページに up してあります

<http://yamauchi-cpa.net/index.html>



山内公認会計士事務所
yamauchi@cosmos.ne.jp

2. TQC の中心テーマ

それを最大限に活用して

- (1) 経営の中心テーマは、経営資源を明確にし、経済社会全般の多様化にどう対応 ということである。

いかに活用するか

- (2) マーケティングの基礎の問題

- (1) 活動面 営業活動の課題
(2) 経営管理の基礎面 人間関係と経理の課題
(3) 現物的観点の課題

/ 経理 / TQC

- (3) TQC の最重要テーマ

事務 現物

マーケティングの土台面である経理面に TQC がどのように働くかを考えること

↓

TQC が真の経営管理に役立つ
それが TQC の値打ち

経理も TQC も

マーケティングに役立つか

要は、“マーケティング、経理、TQC の関連付け”の可否

- (4) 経済社会の特色（多様化時代）

- ① 倒産の多い場合

中小企業 99.7%

卸小売業 50.0%以上

創業 10 年以上 50%以上（米国では 18%程度）

（創業 3 年未満 15%程度）

新製品、商品の導入、新市場への進出、業態の改革など経済社会の変化への対応が困難な時代

中小 ！！
物販 ！！

これ、陳腐化！！

- ② 販売不振が不調の原因（マーケティングの問題が最大）

- ③ スピード化する経済社会、市民生活、消費者

- ④ 時代の変化、商品の多様化の現実

店頭販売→訪問販売→通信販売→ネットへ
物品の販売→サービスの販売へ

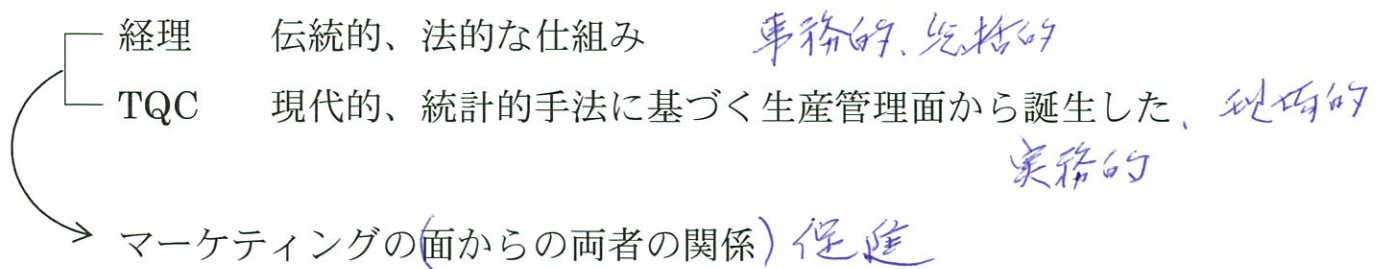
ネットからウェブへ

- ⑤ 新市場の開拓（自社技術の見直し）の必要性

- ⑥ 経営部門の刷新（金額から→数量、品質、シェアへ）の必要性

事務、

3. 経理の立場



(1) 経理とは、

経営の記録管理 財産、物… *以上の計算、但し最高水準の確保、を目指す*
 資金の調達、管理

(2) ゴーイングコンサーンの公準

(3) 企業は1年単位の損益というよりも常に年々発展し、継続するものでなければならない。そのためには利益よりも発展の原動力となる人的資源の充実強化、社会的貢献、シェアや顧客の要望への満足、ニーズ対応が重点となる。

(4) 経営の中心テーマを把握すること
 それはマーケティングである。

各課はマーケティング活動

(5) 手法 (TQC 的に)

(i) 経営目標をたてる : 利益計画、予算管理
 (ii) 原価節減を図る : 原価管理、経費管理
 (iii) 問題点の発見 : 経営分析など
 (iv) 問題点の改善 : 改善活動

Plan *現代的にしている*
 Do
 Check *事務的やり取り*
 Action *双方の協力*

(6) 経営分析による真の問題点 — 在庫回転率

品揃えの拙さ
 陳列の不手さ
 従業員の教育不足…

ポイント

物事の

TQCは最低限 以外の水準

*最低限 以外の水準
(化損)*

ドラッカーが必要とする SQC
知的帯巾への適用

4.

5. TQCの定義

在庫の管理、削減

↓
品質の向上

(1) 1924年 ホーバート博士によって.

製品品質の バラツキを管理図法という統計的手段によって

製造工程の中で 最小限に抑え込めることになった.

(オシカ大戦下の米国軍需品の規格に貢献
戦後の経済発展、後半に大規模貢献
戦後の経済危機脱出)

欠陥の排除

品質の不良対策、生産効率の向上という面から始まる.

打撃法、運図図表法、系統図法の開発

(2) 発展への歩み

① 発展への P-D-C-A

TQCに内包される.

事務所から現場へ

↓

金額(金銭)の効率化

金額を別の面から
考える.

② TQCの特色

金額に生命を与える

P-D-C-Aのどの段階にもあつて

基準や方法に重点が置かれて

基準や方法
マニュアル化

いる

③ 要するに

7Vの7S-1 と 統計的手段

SACの必要性 - ドラッカー

作成日

作成者

6 TACと経営との連携 (違い) (特徴は)

TACも経営全般にわたる。

但し 現場から

(1) 経営の着重点は

マネジメントによる改善の差異をいかに

(2) 統計的手法の活用

マネジメントによる改善の把握。

(3) 統計図表を用いた共通の認識

(4) 統計学の活用

(5) トップダウンの徹底

(6) TACの存在と 経営の利害との関係

現場からの統計が強い
最初から統計的 徹底

(7) 経営の強い点 (違い)

P-O-C-A の場合の「P」について

TACのほうに「その実行方法」または明確に示している。

TACでは「計画」の中に、数値による目標設定と共に、その目標達成のための方法の設定が「基本要素」として強調されている。

↑
経営の強い点
具体的かつ
明確・体系的。

経営者による 数値的目標設定

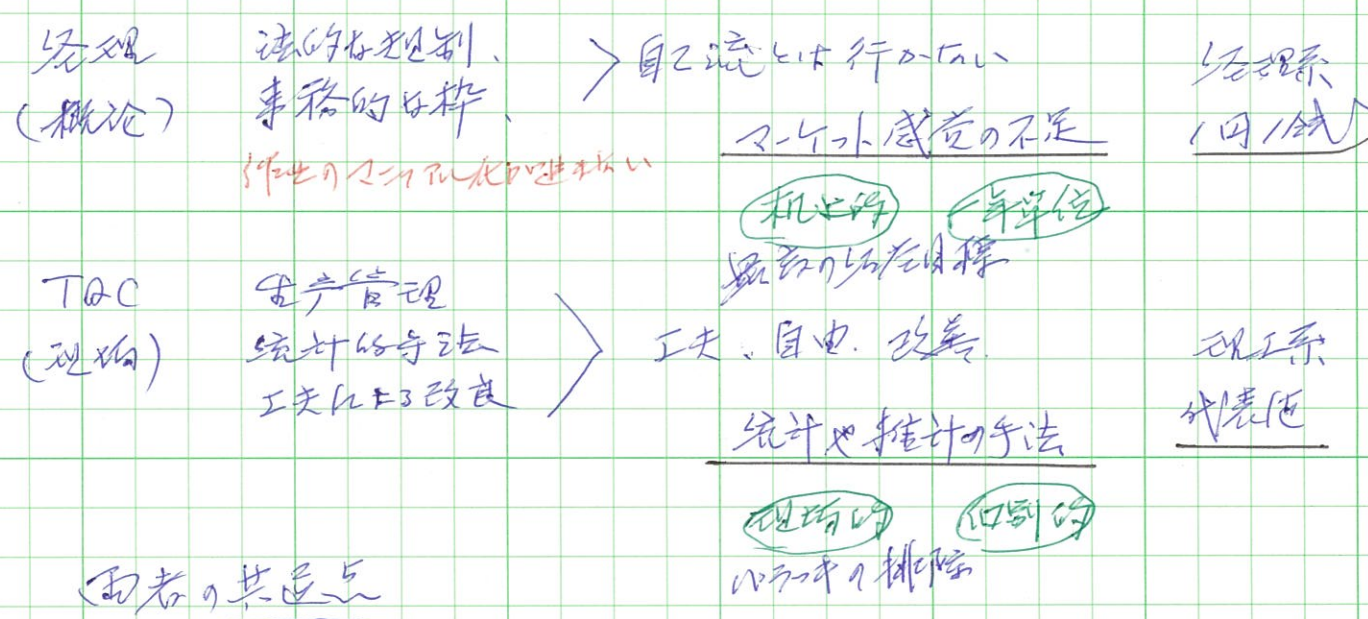
目標達成 の 実現化

TACは 現場に近い現場から

7 経理とTQCの関係

両者の相違

統計の必要性



両者の共通点

厳しい数値的管理体制

経理の管理

厳しい差異分析や原因追求 (Step重視)

TQCの管理

Plan - Do - Check - Action (Step重視)
何らかの排除

管理会計的な意味の経理 — TQC

TQC

フルオートメーションの科学的管理法からの転写
出来得る限り生産性向上

↓
知識管理の生産性向上へ

労働の生産性

Management Challenges for the 21st Century
Peter F. Drucker

1. 20世紀の偉業

製造業における肉体労働の生産性を 50倍に上げた
 労務 → 生産設備 労働はコストのみ

2. 21世紀に期待される偉業

知識労働の生産性を大幅に上げる
 資本 → 知識労働者

3. テーラーの偉業

テーラーに長い歴史において、

より多く生産する方法は、労働者自身からより激しく働くか、
 より長く働くか、どちらか一方の公理であった。

テーラーは肉体労働者の生産性を50倍に引き上げた

このテーラーの偉業から、20Cにおける経済と社会のすべての
 発展の基盤となった。

肉体労働の生産性の飛躍的向上から、先進国経済を築き上げた。

4. テラーの手法

- (1) 最初、仕事を目的の動作に分解する
- (2) 次に、各部分の動作に要する時間を記録する
- (3) 次に、無駄な動作を除去
- (4) 次に、不可欠な動作を短い時間内、効率に行うようにする
- (5) 最後に、動作に必要な道具を調べる

テラーの手法は効率化である。優れた方法では、1分間に100個。

しかし、この手法を確立するには、20年の歳月を要した。

(時間の管理)

双方向、双方向以外 → 科学的管理法 (Taylor, Gilbreth, Lillian Gilbreth)

→ インターフェイスエンジニアリング (米、日) → ファクトの組み立てライン

→ 合理化、フジテレビ (米、日)

↓
生産管理システム

カンパニイズム

5. 仕事に知識を適用した最初の人テラー

当初 — 単独の反復動作 — 生産的に有益な知識
未熟な若手で行う単独の動作化

テラーは、労働時間をはかり、その 生産量を基に報酬を加え、その人の
とれた

2. 経営管理とTQC (Plan)

概説から詳細の必要性

机上 " 現場 "

Plan

経 営

T Q C

全般

経営計画 → 経営計画
生産計画

T (Total) QC

全社的

(計画は 可能
将来への予測)

↓
経営計画
経営計画
経営計画

方針管理

現場でのトラブル排除の
知識での生産性向上へ

経営計画、管理の中心

経営

経営計画の策定

現場での管理

自社の市場の実態把握

水準の向上、改善

売上高のアップの基礎

商品別、売上部門

商品寿命の予測、季節変動

など、把握

標的値の管理

↓

↓
経営計画の策定

拡大、縮小、改善...

現場での水準向上

市場の動向 (等々)

9. 日本での経済発展は、

世界中のしあわせのほんの一部も、

技術上のイノベーションによって実現されていた。



ところが第二次大戦後に 経済発展をとげた日本は、

技術革新イノベーションとして力をいれたかった。

そのため、アメリカが第二次大戦中に テラー-ペンリー

技術で発展させた経済の手法を導入した。

すなわち、大衆経済、いわば工業化前の零細な生産性、

(平均値) 一握りに高めた。

すなわち、先進国並みの製品を、(平均値) 並に低価格

水準のコストで生産するシステムを作る
部

10. そして 先進国における中心経済の課題

あるいは、国産品の中核的競争力向上のため、

高度技術者に対する教育の生産性向上

11. 知識労働の生産性向上

知識労働者の、労働人口の中核を占める。

知識労働の生産性を向上させるための条件は、

- (1) 仕事の目的を考える
- (2) 生産性向上の責任を負い、自律性を持つ
- (3) 継続的なインプット
- (4) 常に人に教える
- (5) 量よりも質の問題にありことの理解
- (6) 知識労働は資本財でありことの理解

上記の知識労働の生産性を肉体労働と比較すると

	<u>肉体労働</u>	<u>知識労働</u>
仕事の性質	制約	目的
挑戦	最低の基準	仕事の本来
仕事の量	重要、量に取組	質の面から取組
重要点	仕事の手法	仕事の目的
仕事のプログラム	structure	仕事とは何か structure

家電製品に量産工程を想定

1. 開発・設計

高い技術力と経験の活用

(1) 商品企画

試作 (設計、量
産)

情報 - 市場調査、競合、顧客要望

特長 - アイデア、技術力

期間 -

原価 - VA活動

(2) 開発・推進

品質管理、品質基
準

市場調査 - 時系列データ、老成品

情報・データ - 共有化

品質管理

2. 生産

(1) 工程管理

経費削減

5. 経営方針

(1) 市場調査

需要予測

方針決定

(2) 海外工場

等)

6. 品質管理

等

(23~24) 北京外大レジュメ

(最高の仕事)

2015.03.16

2014.12.8

23. 最後の夏の大会まで、あと3ヶ月あまりに迫った

4月になって新年度がスタートした。みなみはとうとう3年生になり、最後の夏の大会まであと3ヶ月あまりに迫った。

マネジメントチームの分担を明確にし、自分の担当以外の分野については、その意思決定を行わないことにした。そうすることで、自分の負担を減らし、自分の担当分野にこれまで以上に集中して取り組めるようになった。

4月になり、入部希望者は、例年の約3倍にあたる32名にもなった。

しかし、野球部が目指すべきは「最大」ではなくて「最適」である。問題は外部環境に対して大きすぎることにある。

そこでみなみは、入部希望者とまず会って12名の入部を決め、野球部に適さない場合は、他の部に入ることを勧めた。

そして、次に取り組んだのが「自己目標管理」だった。

夏の大会までは、もう残りわずかだった。時間を有効に使うには、あらためて部員一人ひとりが自分を管理することが必要だった。そして文乃は、加地と話し合いながら、攻撃と守備について、それぞれ一つずつ集中するポイントを決めた。そのうえで残りは全て捨て、それだけに集中することにした。

全員「ボールを見送る」練習を集中して行ない、攻撃に関してはそれ以外の練習は一切捨てた。

守備のポイントは「エラーを恐れない」ということに決めた。

加地は、投手陣は「ノーボール作戦」という方針を打ち出した。連戦の疲れを少なくするために打たせて取るための低めのコントロールと手元で鋭く曲る変化球が求められた。しかし、全球ストライクで勝負するのだから打ち返される可能性は高くなり、守備の負担は重くなる。その上、加地は、選手全員に「定位置よりも二、三步前で」守らせた。程高の守備レベルではエラーの確立は高くなるが、気持ちを積極的にさせ、どんな打球に対しても失敗を恐れずに突っ込んでいかせようとした。そして他の練習は行わず、ただただ前進守備の練習を繰り返させた。

そこで大事なものは、エラーをしても浮き足立たないということだった。

(マネジメント・エッセンシャル版 29、31、139、200、236、244 頁)

市場において目指すべき地位は、最小でも最大ではなく、最適である。

- 組織には、それ以下では存続できないという最小規模の限界があるのと逆に、それを越えると、いかにマネジメントしようとも成功しない。最適が必要である。
- 規模は戦略に影響を及ぼす。逆に戦略も規模に影響を及ぼす。
- 規模の不適切は、トップマネジメントの直面する問題のうちもっとも困難であり、自然に解決される問題ではない。勇気、真摯さ、熟慮、行動を必要とする。
- 真摯さを絶対視して、初めてまともな組織と言える。

ドラッカーの考え方の柱のひとつは、廃棄と計画的な撤退である。

集中すべき分野と市場地位の目標とは何か

それは事業においては、
集中すべき分野である。

- 古代の偉大な科学者アルキメデスは、「立つ場所を与えてくれれば、世界を持ちあげてみせる」と言った。
- 目標は、自らの率いる部門があげられるべき成果を明らかにしなければならない。他の部門の目標達成の助けとなるべき貢献を明らかにしなければならない。

プロセスは大切であるが、成果を伴わない、または考えないプロセスは空虚である。

- 組織は、人間や組織単位の関心を努力ではなく成果に向けさせなければならない。成果こそ、すべての活動の目的である。成果よりも努力が重要であり、職人的な技能それ自体が目的であるかのごとき錯角を生んではならない。仕事のためではなく成果のために働かねばならない。過去ではなく未来のために働く能力と意欲を生み出さなければならない。

成長と 事業の可能性 (地域の活性化)

金融のリスクテイ (可能性、活性化に融資)

1. 事業の可能性
リスクを減らす

1. 金融の役割といった面から
企業支援と福祉との関係
金融の役割を明確に

2. 事業のライフサイクル
地域産業の動向を掌握する
企業支援、改革

2. 事業計画の推進の中心
地域金融の理解力への支援
企業としての期待

3. 地域と産業の発展と
企業への期待、支援
企業への評価を高める

3. 企業の発展、問題解決と
地域密着型金融

4. 地域経済の中心の
企業の役割と
経済上の課題

4. 企業支援の観点
融資を越えて 金融の役割
新しい公営の試み

5. 地域、産業、事業の支援
その仕組み
創出と海外展開

5. 経営理念、人材育成、地域社会
企業の持続性の問題と金融の役割
支援、対応

6. 以上の中間評価
読者の理解を促す
読者の理解を促す

6. 金融のリスクテイ
企業の可能性への金融の支援と
面からの評価

(現代の経営 第23章 最高の仕事への動機付け)

○ 最高の仕事への動機付け

- (1)従業員の満足とは、責任感と欲求の一致
- (2)企業のニーズとは、仕事、責任と要求の一致
- (3)外からの恐怖を、内からの動機に変える、無駄か、現実的か
- (4)企業のニーズと従業員の満足は、統一できるか、一致させるには
(Employee satisfaction is an almost meaningless concept.)

○ 責任感を持たせる

- (1)正しい配置、経営者の観点、労働者の観点
- (2)仕事の高い基準、自発性はどうするか
- (3)自己管理に必要な情報、何のための情報か、誰のための情報か
- (4)マネジメント的視点、参画の機会、仕事と関連した誇りや達成感
(①careful placement、②high standards of performance、③providing information to control himself、④the management vision)

○ 最高の仕事をしようとする挑戦(P.173)

- (1)マネジメント的視点(P.169)、作業単純化の手法
- (2)誇り(P.169)、仕事をする事と設計への参加
- (3)職場コミュニティ活動、別のマネジメント
- (4)労組リーダー、リーダーシップ、労組と経営、クロネコ
(for peak performance only if he has a managerial vision)

○ 従業員の満足と最高の仕事 (の要求)

意味の異なる事がある、これを「対立」

「充実した満足」と「無意味な満足」を区別しない。

何事にも「不満」と「やりがい」を伴ったもの故に「不満」を区別しない。
いかなる程度の満足も「満足」とするから基準がない。

○ 満足、「従業員満足」などというものは、評価が不可能で、意味がない。
「顧客満足」も……

○ 働く人たちが、最高の仕事をこなす方法とは、「モチベーション」。
企業は、働く人々に対し、進んで何事を行うことを要求しなければ
ならない。「モチベーション」、「満足」は、受身気持でいい。
企業に要求しなければならないのは、仕事でいい、受身気持ではない。

○ 満足が下がって、責任がある。
責任に逃げることは解決ではない。

○ 他人か他の者が行うことについては、満足もあり得る。しかし、自ら
行うことについては、その行動と責任（責任があること）と
影響

○ 仕事に責任を持たすには、（企業から働く人に要求するのは…）

- (1) 正しい配置
- (2) 仕事の高い目標の要求
- (3) 自己管理に必要な情報
- (4) 参画の機会

23 Motivating to peak Performance

作成日

作成者

12-8

- 1 "employee satisfaction" — this is an almost meaningless concept. We have no standards to measure what degree of satisfaction is satisfactory.
"satisfaction" as such is a measureless and meaningless word.
- 2 The need for participation...
- 3 Satisfaction is a measureless and meaningless word, is above all, inadequate as motivation.
- 4 Responsibility — not satisfaction — is the only thing that will serve

1 There are four way to reach the goal of the responsible ^{worker} ✓.

(1) They are careful placement 配置

(2) High standards of performance 成果

(3) Providing the information needed to control himself 情報

(4) Opportunities for participation with a managerial vision 参加

2 Only one common saying is more damning (guilty) ^{to a company}, it is:

"It's just like the Army; hurry up and wait."

3 A wise plant manager once told me that he didn't want his foremen to do anything except to keep their department and the machines in it spotlessly clean, always to schedule work three days ahead, to replace tools before they gave out.

His successor, a whole array of Personnel Management, has never been able to equal his predecessor's production record.

- いかに優れた (非)経済的な 機構はけいといえども、経済的な報酬 についての不満を癒すことはできない。
 勿論、最高の経済的な報酬は、責任、仕事、適切な組織化に代ることはできない。
- 経済的な次元の問題、今後、おもしろい、最も深刻かつ、緊急を要する問題に直面することになる。この分野である。
- 老ける問題は、賃金の高低にあるのではない、抗議の的になってくる不当賃金格差をさげる。本邦の問題は、はるかに深いところにある。
- 問題の所在
 - (1) 賃金を「コスト」としてとらえ、その柔軟性を必要とする企業側
 - (2) 賃金を「所得」としてとらえ、その安定を望む従業員側
 - (3) 終身的雇用保障という常业組合の要求... これは 不死の縛 を要求するところに思ひがある。

○ 雇用保障を制度化した人々の経験

○ 必要ならば保障証券をばねて、保険証券がある。

○ 労働コストを 1/3 削減しなければならぬ企業

(1) 常业時間の 80% (20% の削減)

(2) 常业者の 80% (20% の削減)

$$80\% \times 80\% = 64\%$$

1 What is needed is a life-insurance policy.

2 A drop of one-third in labor costs

(1) ~~one-third~~ drop ^{the present} _{20%} workers (80% of the present workers)

(2) ~~one-third~~ drop the present hours _{20%} (80% of the present hours)

$$80\% \times 80\% = 64\%$$

3 The reason for the ineffectiveness of those well-meaning and

serious attempt is probably that they focus away from the

worker's job. Yet, job is ~~the~~ his stake in the enterprise.

The aim of all schemes to make the worker accept profits

is to make him feel like an "owner".

ドラッカーへの旅

(知の巨人の思想と人生をたどる)

著者 ジェフリー・A・クレイムズ 訳者 有賀裕子 2009年8月30日発行 ソフトバンク クリエイティブ株式会社発行

第12章 ドラッカーの戦略論 (215～頁を読んで)

「……だが実際は、『自社の事業は何か』とは難題だと相場が決まっており、懸命に頭をひねり、検討しないかぎり、答えにはたどり着かない。しかも正しい答えは一般に、決して自明ではないのである」

ドラッカーの法則を思い返してみると、顧客を抜きにして戦略を導き出すことはできない。事業の目的を決めるのは顧客なのだから。「したがって、『自社の事業は何か』という問いには、事業を外側、つまり顧客や市場の視点から眺めないかぎり、答えられない。マネジメントの当事者たちは、顧客が目にし、考え、信じるもの、その時々で望むものを客観的な事実としてとらえ、セールス担当者、経理担当者、エンジニアなどが集めた事実データと同じくらい真剣に受け止めなくてははいけない」

ドラッカーの教えによれば、事業が失敗する最大の原因は、マネジャーが「自社の事業は何か」を鋭く明快に自問しないことだという。しかも、創業時や苦境時にだけこれを自問すればよいわけでもない。「それどころか、事業が軌道に乗っているときこそ、この問いを抱き、徹底的に考え抜くことが最も必要なのだ。」
(217 頁から引用)

「自社の事業は何か」

わたしはいくつもの企業やサクセス・ストーリーについて調べた末に、ドラッカーが唱える正統派マネジメント原則にきわめて忠実に従う現代企業を見つけた。オンライン小売業の雄、アマゾン・コム（創業者ジェフ・ベゾス）である。

ベゾスは、「インターネットの利用量は、年間 2300%というとほうもない伸びを示している」という統計データに接して目を見開き、「これはただごとではない」と感じた。「これは大切な点ですが、人間は、何かが急激に伸びているときに、その意味をともしると理解できない傾向があります。急激な伸びというのは、日ごろの生活のなかでは見られない現象なのです。」「年率 2300%もの成長を前にしたら、すぐに腰をあげなくてははいけません。切迫感、スピード感のようなものが、大きな強みになります」

そこでベゾスは、ネット販売に適していそうな商品を 20 ほどリストアップした。そのなかには音楽やオフィス用品なども含まれていた。だが、やがて本が最有力候補として浮上する。
(219～221 頁から引用)

ドラッカーの戦略に従う

ジェフ・ベゾスは起業してまもない時期の経験から、企業の現在および将来の目標は、抽象的ではいけないと悟った（「抽象的」というのはドラッカーの表現である）。

お客さまに献身する

ドラッカー：「事業のありかたを決めるのは顧客である。なぜなら顧客は、商品やサービスを購入しようという意欲をとおして、経済資源を富に、モノを商品に変えるのだ。これができるのは顧客だけである。顧客こそ、企業のよりどころであり、存続を可能にするものである。雇用を生み出すのも顧客だけである」

ベゾス：「当社は最初から、お客さまを引きつける魅力的な価値を提供することに、重点を置いてきました。……ほかにはない方法でお客さまに何かを提供しようと考え、まずは本の販売を手がけました。われわれは、よりよいショッピング体験をお客さまにもたらすために、粘り強い努力をつづけてきました。お客さまから信頼していただいて、とても光栄に思っています」

(226～228 頁から引用)

「長期的な成果こそがすべてである」

ドラッカー：「マネジメントにおいては、つねに現在と遠い将来を視野に入れておく必要がある」

ベゾス：「当社が成功企業の名に値するかどうかは、長期的に株主のみなさまに価値を届けられるかどうかにかかっている、こうわたしたちは考えています。」

(228～229 頁から引用)

ウォール街に振り回されてはいけない

ドラッカー：「どの市場でもリーディング企業の地位ははかなく、あっという間に時代に取り残されかねない」その時々株価を気にしながら経営判断を下すようなことは、決してしてはいけない、とも釘をさしている。

ベゾス：目先の利益や『株式市場はどう反応するだろう』という近視眼的な見方ではなく、市場リーダーの地位を獲得し、長く保つことを重視しながら、投資判断を下してるといふ。

(229～230 頁から引用)

戦略的な提携をとおして成長する

ドラッカー：「従来型の企業買収よりも、提携、合併、少額出資などが、成長モデルとして一般化してきており、とりわけグローバル経済のもとではこの傾向が強い」

ベゾス：わたしたちは、お客さまがアマゾンと zShop のどちらから商品を購入しようと、気にかけません。これはじつにささいな問題です。自社だけでは品揃えに限界がありますから、事業パートナーと手を組む必要があるのです。

(233～234 頁から引用)

ドラッカーの戦略論

戦略の原点は、「自社の事業は何か」という根本的な問いにある。ドラッカーは「企業の目標は、『自社の事業は何か、将来は何が事業になるか、何を事業にすべきか』をもとに決めなくてはならない」と説いている。「会社の目的と使命を定めるのは、難しく、辛く、しかもリスクを伴う仕事である。しかし、目標を掲げ、戦略を築き、重要な分野にヒト、モノ、カネを集め、仕事に取り組むためには、ほかに方法はない。成果につながる経営を実践するには、これがただひとつの方法なのだ」

「組織は戦略に従う。戦略が決まると、社内の主な事業活動が何かも見えてくる。また、戦略を決めるには、事業の本質は何か、何を事業にすべきかがわかっている必要がある」。

(235 頁から引用)

1. シェアホルダー、いかに利益を

Next Society トリ

(1) (1) 建設的なことをしなさいというわけではなくて、

正しいことをしていただくという内容

ハンズオン - ハンド - ハンド - ハンド

(2) シェアホルダーの重要性

自動車メーカー

カーメーカー

インターネット - インターネット

(3) 早期にこれに気づくことができれば 10% ~ 15% になる

早期に気づくことは無価値と見なされる。

チャンスは一度しかない

(4) 老朽物件は捨てるべきではない。人の身体はそうしている。

と云う組織には容易である。

しかし、その効果は大きい。

(5) 独占は放っておいても崩壊する。

覇権は自滅する。

2007 年以降は最も劣る事態の分割である。

IBM

(6) この 50 年は経済の発展が中心

これから 30 年は社会の発展が中心

2. 短期と長期のバランスをいじる (相反するもののバランス)

(1) 変化の時代のマネージメントの要諦はバランスである。

Young氏にとって 短期とは 3年

長期とは 7年 であった。

(2) 変化を観察する。

本物の変化 — 人から行うこと

紙の上の変化 — 人から言うこと

(3) エコマースの小さなおけるシフト (例: 10% 程度)

それほど大きくはなかつたとしても

そのインパクトは甚大であるに等しい。

既存の流通システムを急激に変える。

(4) もっとも懸念される流通システムは。

販売力と購買力 > の組合せ
配達の能力のアップ

トヨタの生産システム、セブンイレブンの全国一斉の店舗展開の
エコマースの配達システムと等しい。

セマースの最大の課題は配達である。

(5) ビジネス史上初めてのことで、販売と配達の
シナジーを高める。

5. 明日のトッポが果敢する5つの課題

(1997、)

(1) コーポレートガバナンスの変容

15年後には金世統治の今日より大きく変わる
金世の所有構造の根本的な変化

決して行ってはならないこと下 “問題を解決する”
問題を直視して改善しなければならぬ

(2) 情報への新しい取り組み

高速の計算機
情報処理の問題
目に見えない本質的な
CFO、CIOの仕事
旧来の会計

→ 情報のマニピュレーションを根本から
変える
ABC 平価計算
今後どうなっていくか。
→ 将来目に見えない 競合やイノベーション
の世界の役に立つようになる。

先手を強める → その前に歴史を勉強する。

(3) 外の世界を数えることを理解しなければならぬ

1900年には半導体の技術がなかった。しかし
別の半導体の技術がなっていることがあった。

このことから企業内研究開発の設置された。 (半導体と)
同様の業績に期待が、なされている。 半導体研究、エレクトロニクス

外の世界の情報が入っている

(4) 明日のCEOを育てる。いつ命令し、いつリタイアとわかるように育てる

(5) CEOの真摯な取り組みを評価する。業績評価の基準は同じ
であるとしても評価の基準をどうするかを考慮しなければならない



微分の定石

会計と経営のブラッシュアップ

平成 27 年 3 月 16 日

山内公認会計士事務所

次の図書等を参考にさせていただきました。(微分と積分なるほどゼミナール S58.6 岡部恒治著 日本実業出版社刊)
(微積分のはなし 大村平著 1985.3 日科技連出版社刊)
(イラスト図解微分積分 深川和久著 2009.6 日東書院本社刊)

I 世の中(顧客)の変化

グラフのような変化を見る

1. 平家物語

祇園精舎の鐘の声、諸行無常の響あり、沙羅双樹の花の色、おごれる者も
久しからず、ただ春の夜の夢のごとし。盛者必衰のことわりをあらわす。
形も、位置も、温度も、世相も、価値観も…すべてが**変化**する。

微分は変化の仕方を勉強するものである。

微分は、どう変化しているか (変化のようすを調べる) (動いているか)

この関係、どのようにして積分の計算に微分が入って来たか。

積分は、その結果どうなったか (動いた結果) — グラフの面積

微分は一瞬の勢い、変化をとらえる。(動き)

瞬間の変化量 (カメラのシャッターで写真)

変動する変化量 (電車の中で感じる揺れ)

関数とは、 x (ヨコ軸) が決まれば y (タテ軸) も決まる (逆もあり) と
いう x と y の関係性を表わすための道具である。

変化している瞬間の動き、傾きは、1 点で接する**接線**で表す。

接線は、曲線に対して 1 点のみで接する。

このことの発展が積分の計算に貢献 (待望の到来) することになる。

微分は積分に対して、革新的な方法の導入となった。

(表2-1)

1. $\frac{1}{x} = x^{-1}$

11. $\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$

2. $\frac{1}{x^2} = x^{-2}$

12. $\sqrt[3]{x} = x^{\frac{1}{3}}$

13. $\sqrt{x^3} = x^{\frac{3}{2}}$

3. $\frac{1}{x^h} = x^{-h}$

14. $\sqrt[h]{x^h} = x^{\frac{h}{h}}$

(微分計算)

1. $\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{x} \right) = \frac{d}{dx} (x^{-1}) = -1x^{-1-1} = -1x^{-2} = -\frac{1}{x^2}$

2. $\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{x^2} \right) = \frac{d}{dx} (x^{-2}) = -2x^{-2-1} = -2x^{-3} = -2\frac{1}{x^3}$

$\frac{d}{dx} \left(\frac{3}{x^2} \right) = \frac{d}{dx} (3x^{-2}) = \frac{(3 \times -2)}{-6x^{-2-1}} = -6x^{-3} = -\frac{6}{x^3}$

11. $\frac{d}{dx} (\sqrt{x}) = \frac{d}{dx} (x^{\frac{1}{2}}) = \frac{1}{2} x^{\frac{1}{2}-1} = \frac{1}{2} x^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{x}}$

12. $\frac{d}{dx} (\sqrt[3]{x}) = \frac{d}{dx} (x^{\frac{1}{3}}) = \frac{1}{3} x^{\frac{1}{3}-1} = \frac{1}{3} x^{-\frac{2}{3}} = \frac{1}{3} \sqrt[3]{x^2}$

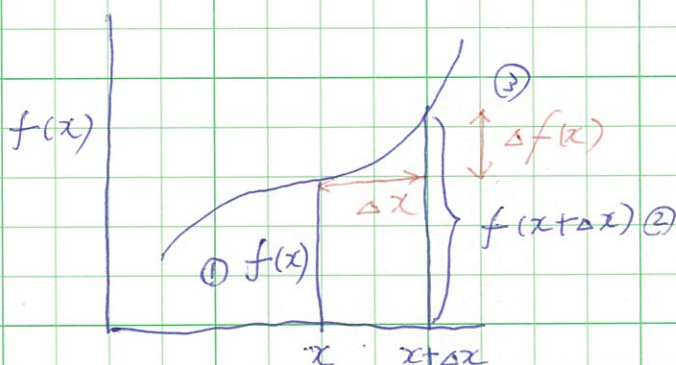
13. $\frac{d}{dx} (\sqrt{x^3}) = \frac{d}{dx} x^{\frac{3}{2}} = \frac{3}{2} x^{\frac{3}{2}-1} = \frac{3}{2} x^{\frac{1}{2}} = \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \sqrt{x} = \frac{3}{4} \sqrt{x}$

$\frac{d}{dx} \sqrt[5]{x^3} = \frac{d}{dx} (x^{\frac{3}{5}}) = \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{2} x^{\frac{1}{2}} = \frac{15}{10} \sqrt{x}$

$$\frac{d}{dx}(ax^n) = anx^{n-1}$$

微分の物理学的意味合い

$$\frac{d}{dx} f(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x+\Delta x) - f(x)}{\Delta x} \quad \text{で表わされる}$$



① $f(x)$ に x を代入した値

② $f(x)$ に $x+\Delta x$ を代入した値

③ x から $x+\Delta x$ へ
増加させたときの $f(x)$ の
増加分 $= \Delta f(x)$

(1) ある物体の位置 x の時間 t の関数で与り

$x = t^2 + t$ で表わされるとき、

$x(t)$ を t で微分すると

$$\frac{dx}{dt} = 2t + 1 \quad \text{となる}$$

← どの時間ととも
変化する速度を表している

(2) 全周の長さ $2L$ である長方形の面積 S は、一辺の長さ x の関数で与り

$$S = x(L-x) \quad \text{で表わされるので、}$$

この極大値を求めたいために、 x で微分し、

$$\begin{aligned} &= xL - x^2 \\ \frac{dS}{dx} &= L - 2x \quad \text{とすると最大値が求まる} \end{aligned}$$

(3) 箱の体積を最大にするために、 $V(x) = \frac{S}{4}x - \frac{1}{4}x^3$ という式を微分して

$$\frac{dV}{dx} = \frac{S}{4} - \frac{3}{4}x^2 \quad \text{を求めよう}$$

三角関数の微分

作成日

作成者

$$\frac{d}{dx}(\sin x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\sin(x+\Delta x) - \sin x}{\Delta x} \quad ①$$

三角関数の差を積に直す公式

$$\sin A - \sin B = 2 \cos \frac{A+B}{2} \sin \frac{A-B}{2} \quad \text{を使う}$$

微分の式を $\sin(x+\Delta x) - \sin x$ とする

$$\sin(x+\Delta x) - \sin x = 2 \cos \frac{2x+\Delta x}{2} \cdot \sin \frac{\Delta x}{2} \quad \text{を使う}$$

①式は $\frac{d}{dx}(\sin x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{2 \cos \frac{2x+\Delta x}{2} \sin \frac{\Delta x}{2}}{\Delta x} \quad \text{を使う}$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \cos\left(x + \frac{\Delta x}{2}\right) \frac{\sin \frac{\Delta x}{2}}{\frac{\Delta x}{2}} \quad \text{を使う}$$

$$\left(\cos\left(x + \frac{\Delta x}{2}\right) \cdot \sin \frac{\Delta x}{2} \right) \rightarrow \cos\left(x + \frac{\Delta x}{2}\right) \cdot \frac{\sin \frac{\Delta x}{2}}{\frac{\Delta x}{2}}$$

①式

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \cos\left(x + \frac{\Delta x}{2}\right) \text{ は } \frac{\Delta x}{2} \text{ が } 0 \text{ になるから } = \cos x \quad \text{を使う}$$

$$\frac{\sin \frac{\Delta x}{2}}{\frac{\Delta x}{2}} \text{ は } \frac{0}{0} \text{ の不定形だから } \lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} = 1$$

①式を使うと、 $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \cos\left(x + \frac{\Delta x}{2}\right) \cdot \frac{\sin \frac{\Delta x}{2}}{\frac{\Delta x}{2}} = \cos x$

$$\therefore \frac{d}{dx}(\sin x) = \cos x \quad \text{を使う}$$

(4) 平均変化率

人口の各回ごとの人数の変化

平均変化率を図形的に考えれば、直線の傾きとなる。

傾きとは、 x の値を大きくすると、 y の値がいかに大きくなるかを表わした数である。

$$\text{傾きの公式} = \frac{bx - ax}{bx - ax}$$

(5) 接線とは 曲線と一点で交わる線

微分する = 接線の傾きを求める

$$f(x) = x^2$$

f は関数と意味する function の略

$f(x)$ を用いると、() の中の x は変数 x を表わし、

$f(2)$ とすれば、 x^2 の x に 2 を代入することになる。

微分 は 求める無限に短い時間の変化の割合 は、この接線の傾きである。

$$f(x) \text{ は } y \text{ と同じこと} \quad y = ax \text{ 同様に } f(x) = ax$$

(6) 導関数

接線の傾きを求める

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{(x+h) - x}$$

対数を微分する

作成日

作成者

(1) $y = \log_k x$ を微分する

$$\frac{dy}{dx} = \frac{d}{dx} \log_k x$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\overbrace{\log_k (x + \Delta x)}^A - \overbrace{\log_k x}^B}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\log_k \frac{x + \Delta x}{x}}{\Delta x}$$

対数の法則
(公式 $\log A - \log B = \log \frac{A}{B}$ (1.1.1))

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\log_k (1 + \frac{\Delta x}{x})}{\Delta x} \quad \textcircled{1}$$

$$\text{そのとき } \left\{ \begin{array}{l} \log_k (1 + \frac{\Delta x}{x}) \rightarrow \log_k 1 \rightarrow 0 \\ \Delta x \rightarrow 0 \end{array} \right.$$

分母も分子も 0 になるから、 $\frac{0}{0}$ の不定形になる。

そこで

$$\frac{\Delta x}{x} = h \text{ とおく, } \Delta x \rightarrow 0 \text{ なら } h \rightarrow 0 \text{ の場合がある}$$

$$\Delta x = hx$$

$\Delta x \rightarrow 0$ なら $h \rightarrow 0$ の場合がある

① を書き直すと、

$$\frac{dy}{dx} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log_k (1+h)}{hx}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \left\{ \frac{1}{x} \cdot \frac{1}{h} \log (1+h) \right\} \text{ とする}$$

$\frac{1}{x}$ は $h \rightarrow 0$ のとき定数だから、 $\frac{1}{x}$ の外に出す。

$$= \frac{1}{x} \lim_{h \rightarrow 0} \log_k (1+h) \frac{1}{h} \text{ とする}$$

$(1+h)^{\frac{1}{h}}$ は

$\frac{1}{h}$ は $\log$ の底数、右側へ入れる

() の中へ $1+h$ と $1/h$ を移す
 $\frac{1}{h}$ は $1/h$ と $1/h$ を大きくする

②

$$(2) \frac{dy}{dx} = \frac{1}{x} \lim_{h \rightarrow 0} \left[\log_k (1+h)^{\frac{1}{h}} \right] \text{ という形式,}$$

$$\rightarrow \frac{1}{x} \log_k e \text{ と取り.}$$

$(1+h)^{\frac{1}{h}}$ が $h \rightarrow 0$ の結果、下記のように

① () の中はとんとん / に近づいて行く。

② 右肩の $\frac{1}{h}$ は とととん 大きくなっていく。

ほとんどの / に近い値 ① を 何百回、何千回と 限りなく かけ
合せたらどうなるか、① が / に近づく速さのほうか、 $\frac{1}{h}$ が
大きくなる速さより 優勢なら、この答えは / に落ちてしまったり、
反対に、 $\frac{1}{h}$ の大きくなり方のほうが 優勢なら、無限大の値に
なってしまう ところである。

そこで、 h の値を小さくしながら計算してみよう

h	$(1+h)^{\frac{1}{h}}$
0.1	2.5937
0.01	2.7048
0.001	2.7169
0.0001	2.7181
.....	
-0.1	2.8680
-0.01	2.7320
-0.001	2.7196
-0.0001	2.7181
.....	

() の中が / に近づくと、

() のべき数が 大きくなるので

微妙な差にイライラして、 e に近づいていく。

$$(1+0.0001)^{1000} = 2.7181 \dots$$

精密に計算すると この値は

$$2.718281828459 \dots$$

この値を、 e と呼ぶ

$$\lim_{h \rightarrow 0} (1+h)^{\frac{1}{h}} = e \text{ と書く.}$$

(3) 一般的に 対数の微分は、

$$\boxed{\frac{d}{dx} \log_k x = \frac{1}{x} \log_k e} \quad \text{となる}$$

(適当に使おう)

底を2にする

$$\log_2 x$$

コンピュータ理論や情報処理理論

底を10にする

$$\log_{10} x$$

常用対数、複利計算

底をeにする

$$\log_e x$$

自然対数、記号を用いた数式の羅列

そして、この3種類の表し方は

$$\log_e x = 2.30 \log_{10} x$$

$$\log_2 x = 3.32 \log_{10} x \quad \text{となる}$$

したがって $\log_e x$ は $\log x$ とする。

(4) (2)の式

$$\frac{d}{dx} \log_k x = \frac{1}{x} \log_k e \quad \text{となる}$$

kのかわりにeを使うと

$$\frac{d}{dx} \log_e x = \frac{1}{x} \log_e e \quad \text{となる}$$

$\log_e e$ は 1 となる

$$\boxed{\frac{d}{dx} \log x = \frac{1}{x}} \quad \text{となる}$$

指数関数の微分

1-14

作成日

作成者

$y = k^x$ の指数関数について

$$\boxed{\frac{d}{dx} k^x = k^x \log k} \text{ とする。理由は後述。}$$

つまり k を e と置くと

$$\frac{d}{dx} e^x = e^x \log e$$

$\log e$ は 1 であり

$$\boxed{\frac{d}{dx} e^x = e^x} \text{ となる}$$

つまり、 e^x は x で微分しても変わらない。

ある関数を微分してできた関数を積分すると、元の関数に戻る。
戻るので、 e^x を微分すると e^x になることは、

e^x を積分すると元の e^x に戻るはずである。

つまり、 e^x は微分しても、積分しても、元の e^x の

ままに、まったく不死身の関数である。

「 n 」 --- 冪 表は「 n 」1. 指数関数、対数関数を、微分を使って x^n の無限和の形で表す

$$e^x = 1 + x + \frac{1}{2!}x^2 + \frac{1}{3!}x^3 + \frac{1}{4!}x^4 + \cdots + \frac{1}{n!}x^n + \cdots$$

$$\log_e(1+x) = x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{4}x^4 + \cdots + \frac{(-1)^{n+1}}{n}x^n + \cdots$$

2. $n!$ n の階乗 $n!$ は 1 から n までの整数をかけた積を意味する。つまり、 $n! = 1 \times 2 \times \cdots \times n$ である。このように、整数を無限和の x^n の和で表すことを、 n 冪乗展開 するという。 n 冪乗展開することによって、指数関数、対数関数、三角関数 x の和と同一数値に一致することがわかる。

3. 展開する

$$(x+y)^2 \longrightarrow x^2 + 2xy + y^2$$

このように、左辺を右辺の式を右辺に表すこと

4. 110度カルの三角形

展開したときに x^2 の 2 と $2xy$ の 2 組み合わせにたす

$$nC_n = \frac{n!}{n!(n-n)!}$$

C is combination (組み合わせ) の C

$$nC_3 = \frac{4!}{3!(4-3)!} = \frac{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot (4-3)} = \frac{2 \cdot 1}{1} = 2$$

5. 二項定理

$$(x+y)^n = {}^nC_0 x^n + {}^nC_1 x^{n-1} y + {}^nC_2 x^{n-2} y^2 + \dots \\ + {}^nC_{n-1} x y^{n-1} + {}^nC_n y^n$$

$${}^nC_0 = 1, {}^nC_1 = n, {}^nC_2 = \frac{n(n-1)}{2}, \dots$$

6. 微分係数とは接線の傾きである (変化率)

x から $x+h$ へ y は

$f(x+h) - f(x)$ だけ増えるので、直線 AP の傾きは

$$\frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

h を $0 < h < \delta < \epsilon$ と

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

7. $f'(x)$ を関数 $y = f(x)$ の導関数という

8. $y = x^n$ の導関数は, $y' = (x^n)' = nx^{n-1}$ である

$$(x^n)' = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^n - x^n}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(n x^{n-1} + {}^nC_2 x^{n-2} h + \dots + {}^nC_n h^{n-1})}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} (n x^{n-1} + {}^nC_2 x^{n-2} h + \dots + {}^nC_n h^{n-1}) = n x^{n-1}$$

(h は x と h の関数)

6 導関数の公式

$$y = f(x) + g(x) \text{ ならば}$$

$$y' = f'(x) + g'(x) \quad \rightarrow \text{別々に分ける}$$

$$y = kf(x) \text{ ならば}$$

$$y' = kf'(x) \quad \rightarrow \text{定数・文字は対象外}$$

7 微分と積分に ～ 対数関数の微分 ～

$$\text{導関数の定義式} \quad f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$(\log_a x)' = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log_a(x+h) - \log_a x}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log_a(x+h)/x}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \left(\frac{1}{h} \cdot \log \left(1 + \frac{h}{x} \right) \right)$$

引き算 → 割り算

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \left(\frac{1}{x} \cdot \frac{x}{h} \log_a \left(1 + \frac{h}{x} \right) \right)$$

$$= \frac{1}{x} \lim_{h \rightarrow 0} \log_a \left(1 + \frac{h}{x} \right)^{\frac{x}{h}}$$

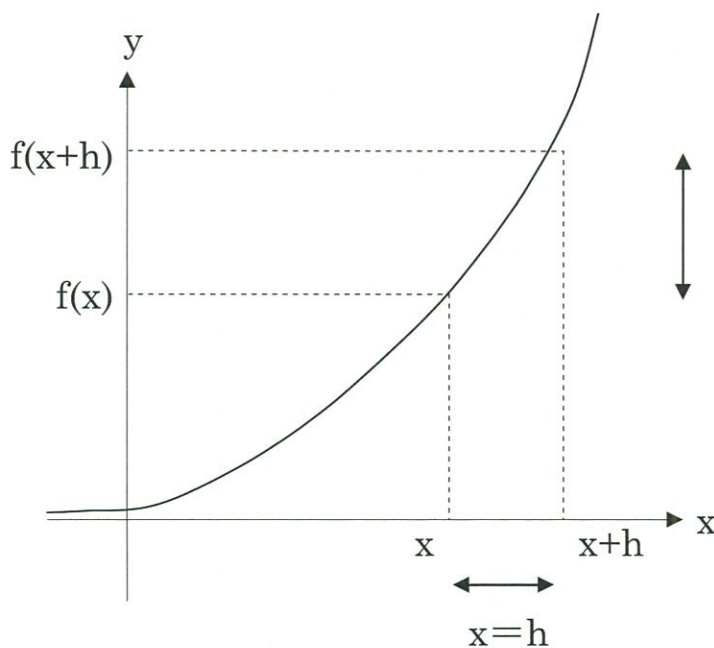
ここで $h/x = k$ とおくと、 h が 0 に近づくとき k も 0 に近づく。

$$\text{近づくとき} \quad (\log_a x)' = \frac{1}{x} \lim_{k \rightarrow 0} \log_a (1+k)^{\frac{1}{k}}$$

すなわち、瞬間の変化、

分析とは瞬間の変化
をとらえること

- (3) 微分とは要するに、 x 方向で増えた分量に対する y 方向で増えた分量の比である。 x (横軸) の変化に対する y (縦軸) の変化



$$\Delta y = f(x+h) - f(x)$$

(y 軸で増えた分)

そしてこれは時間に対する
平均的、
瞬間的な物事の変化である。

(x 軸で増えた分) --- 瞬間の変化

$\lim_{h \rightarrow 0}$ h をどんどん小さくして行くと、最後には x 点での 接線、
傾き(微分)となる

即ち、 $f(x) = x^n$ は $f'(x) = nx^{n-1}$ となる

分析は過去を集計し、
過去を振り返る。

(4) まとめ

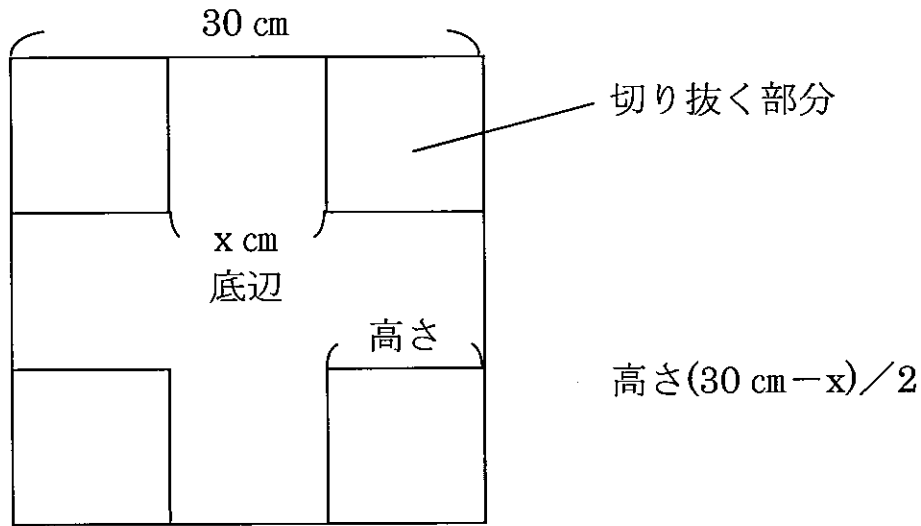
もとの関数 $f(x)$	微分した関数 $f'(x)$
① C (定数)	0
② x	1
③ x^2	$2x$
④ x^3	$3x^2$
⑤ x^n	nx^{n-1}
⑥ x^{n+1}	$(n+1)x^n$
⑦ $\log_a x$	$\frac{1}{x}$
⑧ a^x	$(\log_a a) a^x$
⑨ $\log_a x$	$1/(\log_a a) x$
⑩ $\log_a f(x)$	$f'(x) / f(x)$
⑪ $f(x) + g(x)$	$f'(x) + g'(x)$

そして、分析という。
— 分析とは瞬間の変化
をとらえることである。そして
その変化の現在と将来の
意味を明確にするのである。

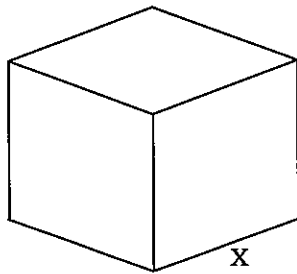
過去は死んだ豚のようにものを
もはや分析にも意味はない。
分析とは現在と将来の
あり。これから過去の分析の
あり。

7. 最も大きいマスの作り方

正方形のブリキ板を切り抜いて、最も大きな正方形のマスを作る問題



(1) 切り取ってできるマスの底辺の正方形の辺を x とおく



マスの容積は、直方体の公式によって、
底面積 $\times$ 高さ

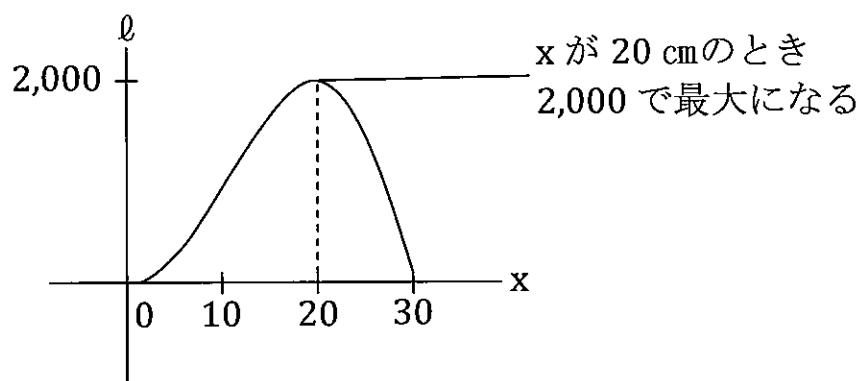
$$f(x) = x^2 \times (30 - x) / 2 = \frac{30x^2 - x^3}{2}$$

(2) この式 $f(x)$ を x で微分すると

$$f'(x) = \frac{2 \times 30x - 30x^2}{2} = \frac{-3x^2 + 60x}{2} = \frac{-3x(x - 20)}{2}$$

極値を取るのは、この $f'(x)$ が 0 となるときであり、 $x=0$ あるいは $x=20$ のときとなる。

また $f'(x)$ が正となるのは x が 0 と 20 の間となり、マスの容積は x が 20 のとき、最大値 2,000 となることがわかる。



指数関数、対数関数の定理

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e \quad (= 2.718281828 \dots)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_e(1+x)}{x} = 1$$

平均変化率

関数 $y = f(x)$ において
 x の値が a から $a+h$ まで増え、 $a+h$ になると
 y の値は $f(a)$ から $f(a+h)$ へと変化する。

h を x の増分 Δx

$f(a+h) - f(a)$ を y の増分 Δy とし

増分の比 $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$ を平均変化率という

平均変化率は $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \tan \theta$ となる。

微分係数 (変化率)

平均変化率 $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$ の極限値

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h} \text{ をもとめて}$$

その極限値を関数 $f(x)$ の $x=a$ における微分係数 (変化率) という。

問1 $y = x^3 + 1$ の $x = 1$ における微分係数を求めよ

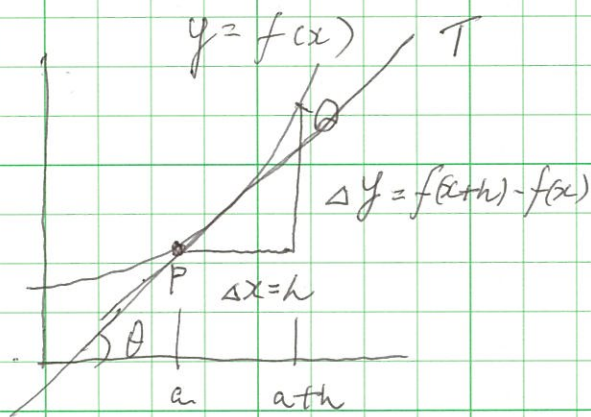
$x = 1$ における x の増分を $\Delta x = h$ とおくと、

y の増分 Δy は、

$$\Delta y = y' = 3x^2 \quad x=1 \text{ のとき } y' = 3(1)^2 = 3$$

$$\Delta y = \{(1+h)^3 + 1\} - (1^3 + 1) = h(3 + 3h + h^2)$$

$$\therefore f'(1) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{h}{h} (3 + 3h + h^2) = 3$$



$\Delta x \rightarrow 0$ ($\Delta h \rightarrow 0$) とするとき、

直線 PQ は点 P を通る

一つの直線 PT に近づいていく。

この直線 PT を曲線と点 P における接線という。

曲線 $y = f(x)$ 上の点 $(a, f(a))$ における接線の方程式は

$$y - f(a) = f'(a)(x - a)$$

接線が x 軸と平行になるための条件は $f'(a) = 0$ である。

$x = a$ における微分係数は、点 P における接線の傾きを表わしている。

$$f'(a) = \tan \theta$$

問2 $y = x^3$ のグラフに接し、平行な直線を求めよ。

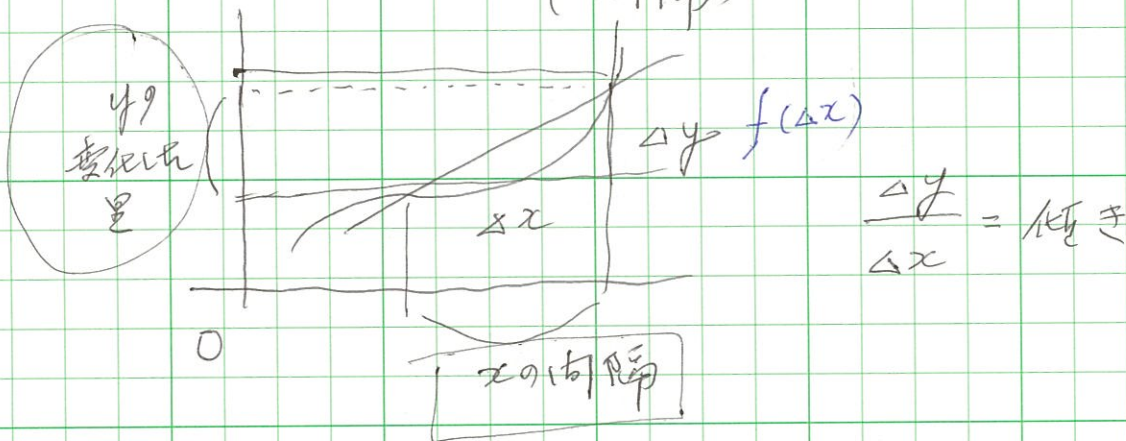
$$\text{直線 } y = 3x + 1 \text{ に}$$

微分とは、(変化を測ることに)

変化する前と変化したあとを比べて
変化する量を どれだけ変化したか を知ることに

これは「どれだけのxの、どれだけのy変化」
という(方向も含む)

例、 $\frac{(\text{変化した量}) \Delta y}{(\text{間隔}) \Delta x}$ と表す



要するに 曲線 $f(x)$ の変化を直線 $\frac{\Delta y}{\Delta x}$ で測る

一般に、曲線よりも直線の近似が調心やすい!!

—— 微分、積分に共通する基本的な考え方 ——

yをxで微分した式を $\frac{dy}{dx}$ で表す

Δx を小さくして行くと $\frac{\Delta y}{\Delta x}$ が近づく(直線を引く)

二重の意味で物事をカンタンにする

(Δy の変化を合計する)

① 変化するものを直線にする

② 次数を1つ下げる